

Revista de Ciencia y Tecnología https://doi.org/10.17163/ings.n19.2018.03 pISSN: 1390-650X / eISSN: 1390-860X

# Análisis energético, exergético y económico de un sistema de cogeneración: Caso para una planta azucarera de San Pablo

# ENERGETIC, EXERGETIC AND ECONOMIC ANALYSIS OF A COGENERATION SYSTEM: CASE FOR A SUGARCANE PLANT OF SÃO PAULO

Omar R. Llerena P.<sup>1</sup>

# Resumen

Los sistemas de cogeneración, debido a las numerosas ventajas que presentan, se han convertido en una tecnología bastante utilizada para la generación de energía. En estos procesos, la eficiencia es relativamente alta y las emisiones de gases de efecto invernadero son bajas. En este trabajo se realiza un estudio técnico y económico de un sistema de cogeneración para una planta azucarera en San Pablo. La primera y segunda ley de la termodinámica son aplicadas para el análisis técnico. Los costos de producción de la energía eléctrica y vapor producido son determinados en el análisis económico. En el dimensionamiento se analizan cuatro turbinas de gas que están en paridad térmica con el proceso. Los resultados muestran que la planta tiene una capacidad para producir 148 MW de electricidad y 147 MW de vapor. Por un lado el análisis energético revela que la eficiencia de la planta es de 67 %, mientras que el análisis exergético muestra que esta eficiencia es de 56 %. Los resultados del análisis económico expresan que los precios de la electricidad y vapor producido son de 0,105 y 0,068 US\$/kWh, respectivamente.

**Palabras clave**: Cogeneración, análisis económico, análisis energético, análisis exergético.

# Abstract

Due to many advantages that cogeneration systems present, they have become a widely used technology for energy generation. In these processes, the efficiency is relatively high and the emissions of greenhouse gases are low. In this paper a technical and economic study of a cogeneration system for a sugar plant in São Paulo is carried out. For this propose the 1st and 2nd laws of thermodynamics are applied for the technical analysis. The cost of the electrical energy and steam produced are determined in the economic analysis. In the sizing of the plant, four gas turbines are analyzed that are in thermal parity with the process. The results show that the plant has a production capacity of 148MW of electricity and 147MW of steam. On the one hand the energy analysis reveals that the efficiency of the plant is 67%, while the exergetic analysis shows that this efficiency is 56%. The results of the economic analysis indicate that the prices of electricity and steam produced are 0.105 and 0.068 US / kWh, respectively.

*Keywords*: Cogeneration, economic analysis, energetic analysis, exergetic analysis.

Recibido: 10-08-2017, aprobado tras revisión: 27-10-2017

Forma sugerida de citación: Llerena, O. (2018). «Análisis energético, exergético y económico de un sistema de cogeneración: Caso para una planta azucarera de San Pablo». INGENIUS. N.°19, (enero-junio). pp. 29-39. DOI: https://doi.org/10.17163/ings.n19.2018.03.

La cogeneración es el proceso de producción de energía combinada a partir de una única fuente de combustible. Por ejemplo, la producción de energía térmica y eléctrica a partir del gas natural [1]. Este término no es nuevo; las plantas industriales han utilizado el concepto de cogeneración a principios de 1880 cuando el vapor era la principal fuente de energía. Sin embargo, en la actualidad este tipo de procesos todavía desempeñan un papel importante en la producción de energía, pues, sus bajos costos de inversión, operación y mantenimiento, así como su mayor eficiencia y menor impacto ambiental los hacen más atractivos [2–4].

El ciclo combinado (CC) es uno de los sistemas de cogeneración más común. Este ciclo trabaja en dos etapas: la primera funciona a alta temperatura (turbina de gas) y la segunda etapa del ciclo a una temperatura menor (utiliza la energía térmica de los gases de escape de la turbina de gas para producir vapor) [5]. Los CC han recibido mucho reconocimiento en las últimas décadas y por lo tanto varias plantas se han instalado y algunas unidades existentes han sido reactivadas [6]. Este hecho hace que los análisis técnicos y económicos sean usados con mayor frecuencia con el objetivo de optimizar el rendimiento de las plantas.

Por otro lado, la primera y segunda ley de la termodinámica son herramientas importantes para mejorar la eficiencia de este tipo de procesos y disminuir la irreversibilidad. De la misma manera, el análisis económico es considerado también como una poderosa herramienta para estudiar y optimizar los sistemas energéticos. Este análisis es aplicable en las decisiones de inversión [7]. Según Silveira y Tuna [8], el objetivo del análisis económico es evaluar el costo de la energía producida por el sistema de cogeneración (electricidad y vapor). En estos contextos, varios estudios se han reportado en la literatura especializada. Kordlar y Mahmoudi [9] presentan un análisis exergo económico y la optimización de un nuevo sistema de cogeneración que produce energía y refrigeración. Por otro lado, Gambini y Vellini [10], así como Gvozdenac et al. [11] muestran un análisis en sistemas de cogeneración de alta eficiencia.

Kanbur *et al.* [12] presentan una evaluación termodinámica de un sistema de microcogeneración. Los resultados muestran que las eficiencias exergéticas y energéticas son entre dos y tres veces mayores que el caso de generación de energía convencional. Sun [13] en su trabajo determinó la eficiencia energética y analizó la viabilidad económica de un sistema de cogeneración impulsado por un motor. En este caso el sistema de cogeneración proporcionaba electricidad y refrigeración/calefacción para edificios. Aquí, los resultados muestran que el ahorro de energía primaria del sistema de cogeneración es superior al 37 % en comparación con el sistema convencional. Por su lado, Abusoglu y Kanoglu [14] aplicaron la primera y segunda ley de la termodinámica a sistemas de cogeneración con motores a diésel. En este estudio los resultados muestran que la eficiencia térmica global de la planta se encuentra en un 44,2 % y la eficiencia exergética es del 40,7 %.

Como se muestra en la literatura especializada, existen varios estudios para la evaluación técnica y económica de sistemas de cogeneración hasta la fecha. El presente trabajo difiere de estos artículos estudiados en la literatura; pues es realizado un análisis energético, exergético y económico a un sistema de cogeneración en particular, con miras a ser utilizado en una planta azucarera de San Pablo. La demanda térmica del proceso (parámetro principal para el dimensionamiento), el tipo de turbina de gas y la metodología utilizada para los análisis hacen de este trabajo un artículo inédito.

Este trabajo está estructurado de la siguiente manera: La Sección 2 presenta el caso estudiado. La metodología adoptada para el análisis energético, exergético y evaluación económica se describe paso a paso en la Sección 3. Los resultados y discusiones son mostrados en la Sección 4 y finalmente, las conclusiones son presentadas en la Sección 5.

# 2. Descripción del sistema

## 2.1. Descripción de la planta azucarera

En la industria azucarera el principal sistema de cogeneración emplea turbinas de vapor en tres configuraciones fundamentales: turbinas de contrapresión, combinación de turbinas de contrapresión con otras de condensación y turbinas de extracción-condensación [15]. En este caso, la planta a ser analizada en el presente trabajo cuenta con dos de las configuraciones antes mencionadas (turbinas a contrapresión y extraccióncondensación) y se trata de una planta existente en San Pablo – Brasil (ver Figura 1).



Figura 1. Planta azucarera existente en San Pablo, Brasil.

La caldera convencional de esta planta tiene una capacidad de producir 160 t/h de vapor a 68,6 bar y 530 °C. 125 t/h de este vapor es consumido por la turbina de extracción-condensación que está acoplada a un generador de 32 MW. En esta sección es realizada una extracción de 97 t/h de vapor a una presión de 2,45 bar para el proceso de evaporación del jugo de caña. El restante del vapor (35 t/h) es direccionado a la turbina de contrapresión la cual está acoplada a un generador de 12 MW.

Adicionalmente, la planta analizada en este trabajo tiene la capacidad de procesar 1 500 000 toneladas de caña que corresponden a 240 días de zafra. Muele 286 t/h de caña y genera 75,2 t/h de bagazo. Este último es utilizado como combustible en calderas convencionales para generar el vapor necesario para la planta [15].

#### 2.2. Descripción del sistema propuesto

El sistema de cogeneración propuesto tiene que satisfacer las mismas demandas térmicas (160 t/h de vapor) y generar por lo menos 4 veces más energía eléctrica. Para conseguir este objetivo se analiza en este trabajo la posibilidad de cambiar la caldera convencional que produce el vapor (ver Figura 1) por una turbina de gas y una caldera de recuperación como se muestra en la Figura 2.



Figura 2. Esquema del sistema de cogeneración propuesto.

Como observado en la Figura 2, el sistema está compuesto por una turbina de gas, una cámara de combustión (CC), un compresor, una caldera de recuperación (CR), un generador, una bomba y el proceso. Este último engloba casi todos los equipos de la planta de la Figura 1, el único elemento que queda fuera es la caldera convencional.

Se optó por un sistema de ciclo combinado usando gas natural con el objetivo de conocer la viabilidad de instalar este proceso específicamente en esta industria azucarera. En caso de ser factible la instalación del CC, en posteriores estudios se realizará el análisis de la gasificación de los 75,2 t/h de bagazo de caña generado por la planta para producir gas de síntesis y sustituir el uso del gas natural.

### 3. Materiales y métodos

#### 3.1. Selección de la turbina de gas

La primera etapa en el diseño de este proceso de cogeneración es la selección de la turbina de gas. Esta turbina es seleccionada en paridad a la demanda térmica del proceso. Así, la selección de la turbina de gas se realiza en función de la temperatura y el flujo de los gases de escape. Este último es determinado por la Ecuación 1 [16]:

$$\dot{m}_5 = \frac{\dot{m}_1(h_1 - h_3)}{\eta_{CR} C p_G(T_5 - T_4)} \tag{1}$$

Donde:

 $\dot{m}_5 =$ flujo de los gases de escape (kg/s)

- $\dot{m}_1 =$ flujo de vapor en la CR (kg/s)
- $h_3 = entalpía de vapor en la CR (kJ/kg)$
- $h_1 = entalpía del agua (kJ/kg)$
- $\eta_{\rm CR}$  = rendimiento de la CR (-)
- $Cp_G = calor específico a presión constante de los gases de escape (kJ/kg·K)$
- $T_5$  = temperatura de gases de escape en la CR (°C)
- ${\rm T}_4 = {\rm temperatura}$  de gases de escape a la salida de la CR (°C)

# 3.1.1. Cálculo del $\rm Cp_G$

Para aplicar la Ecuación 1 es necesario el cálculo del  $Cp_G$ , este es determinado con la Ecuación 2 [17]:

$$Cp_G = \frac{\sum Cp_i \cdot n_i}{\sum \dot{m}_i} \tag{2}$$

Para el cálculo del Cp<sub>i</sub> se tiene la Ecuación 3.

$$Cp_i = a + bT + cT^2 + dT^3 \tag{3}$$

Donde:

- $Cp_G$  = calor específico a presión constante de los gases de escape (kJ/kg·K)
- $Cp_i$  = calor específico a presión constante del componente i de los gases de escape (kJ/kg·K)

 $\dot{m}_i =$ flujo de los gases de escape (kg/s)

 $\dot{n}_i = flujo \mbox{ molar del componente i de los gases de escape (kmol/s) }$ 

Los parámetros a, b, c, d son obtenidos en Çengel y Boles [17] y son los factores para calcular el calor específico a presión constante de un gas ideal.

#### 3.1.2. Cálculo de la masa de los gases de escape

Para realizar este cálculo se define primeramente la composición del gas natural (Tabla 1) que será utilizado.

Tabla 1. Composición química del gas natural [18]

Compuesto	Fórmula	% Vol	% Molar
Metano	$CH_4$	95	1
Etano	$C_2H_6$	$^{3,2}$	0,0337
Propano	$C_3H_8$	$^{0,2}$	0,0021
Butano	$C_4H_{10}$	0,03	0,0003
Nitrógeno	$N_2$	1	0,0105
Dióxido de carbono	$\rm CO_2$	0,55	0,0058
Oxígeno	$O_2$	0,02	0,0002

Con la composición del gas natural se establece la Ecuación 4:

$$CH_4 + 0,0337C_2H_6 + 0,0021C_3H_5 + 0,0003... +0,0105N + 0,0058CO_2 + 0,0002O_2... +(1+x)a_{th}(O_2 + 3,76N_2) \rightarrow aCO_2 + bH_2O... +xa_{th}O_2 + dN_2$$
(4)

Después de la solución de la Ecuación 4 se procede al cálculo de la masa del combustible y masa del aire.

Para la masa del combustible se tiene la Ecuación 5:

$$\begin{split} \dot{m}_{comb} &= m_{molar} C H_4 + 0,0337 m_{molar} C_2 H_6 \dots \\ + 0,0021 m_{molar} C_3 H_5 + 0,0003 m_{molar} C_4 H_{10} \dots \\ + 0,0105 m_{molar} N_2 + 0,0058 m_{molar} C O_2 \dots \\ + 0,0002 m_{molar} O_2 \end{split}$$
(5)

Para la masa del aire se tiene la Ecuación 6:

$$\dot{m}_{ar} = (1+x)a_{th}(m_{molar}O_2 + 3,76m_{molar}N_2)$$
 (6)

La relación aire combustible es calculada con la Ecuación 7:

$$AC = \frac{\dot{m}_{ar}}{\dot{m}_{comb}} \tag{7}$$

Donde:

 $\dot{m}_{ar} = flujo de aire (kg/s)$ 

 $\dot{m}_{comb} = flujo de combustible (kg/s)$ 

Así la ecuación compensada de la reacción es obtenida y representada en la 8:

$$CH_4 + 0,0337C_2H_6 + 0,0021C_3H_5 + 0,0003...$$
  

$$C_4H_{10} + 0,0105N + 0,0058CO_2 + 0,0002O_2...$$
  

$$+(1+x)a_{th}(O_2 + 3,76N_2) \rightarrow 1,0807CO_2...$$
  

$$+2,1111H_2O + 4,3220O_2 + 24,2710N_2$$
(8)

A partir de la Ecuación 8 se obtiene la masa de los gases de escape, la cual es calculada con la Ecuación 9:

$$\dot{m}_{escape} = 1,0807 m_{molar} CO_2 + 2,1111 m_{molar} \dots$$

$$H_2O + 4,3220 m_{molar} O_2 + 24,2710 m_{molar} N_2$$
(9)

Ahora, las ecuaciones 2 y 3 pueden ser aplicadas para la obtención del  $Cp_G$ . La Figura 3 muestra el  $Cp_G$  obtenido para un rango de temperaturas.



**Figura 3.** Calor específico de los gases de escape en función de la temperatura.

Finalmente, con el  $\text{Cp}_{\text{G}}$  la Ecuación 1 puede ser aplicada. La Tabla 2 muestra las turbinas seleccionadas y la Figura 4 muestra la ubicación de cada turbina según el flujo de los gases de escape.

Tabla 2. Turbinas seleccionadas [19]

Código	Potencia (MW)	Eficiencia	Cases escape (kg/s)	$egin{array}{c} { m Temperatura} \\ { m gases} \\ (^{\circ}{ m C}) \end{array}$
V94.2	157	$^{34,4}$	$514,\!54$	540
PG7241	171	$_{36,5}$	455,9	599,44
SGT6	208	38,1	508, 18	577,77
$7 \mathrm{EA}$	184	38,1	$451,\!36$	604, 44



32

Figura 4. Turbinas seleccionadas en función de la temperatura y flujo de gases de escape.

Como se pudo observar en la Figura 4, la turbina V94.2 es prácticamente descartada porque no satisface las necesidades térmicas de la planta. La turbina SGT6 es descartada por tener un exceso de flujo de gases de escape. Prácticamente las turbinas PG7241 y 7FA son las que están en paridad térmica con el proceso. Así que, con la consideración de que este sistema debe generar mínimo 4 veces más energía que la planta azucarera convencional, la turbina PG7241 es finalmente seleccionada.

Los datos de la turbina PG7241 presentados en la Tabla 2 están en las siguientes condiciones (Temperatura ambiente = 15 °C y altitud de 0 m). Por lo tanto, estos datos de la turbina deben ser corregidos para las condiciones locales de la planta (Temperatura ambiente = 25 °C altitud de 530 m), este paso es importante realizarlo ya que las condiciones ambientales influyen directamente en el rendimiento de la turbina.

#### 3.1.3. Cálculo del Pinch-Point

La temperatura de los gases de escape a la salida de la caldera de recuperación tiene que ser corregida con el método del Pinch-Point de acuerdo con los criterios presentados en la Figura 5. Aquí se muestra que para no tener una impropiedad termodinámica, se debe tener una diferencia de temperatura mínima para el perfil de enfriamiento. Según Sue y Chuang, [20], este valor puede ser entre 10 °C y 30 °C.



Figura 5. Pinch-Point.

La temperatura en el punto de rocío se determina con la Ecuación 10:

$$T_r = T_{sat} + \Delta pp \tag{10}$$

Para la temperatura de los gases de escape en la salida de la CR se usa las siguientes ecuaciones:

$$T_4 = T_5 - \left[\frac{T_5 - T_r}{H_5 - H_i} \cdot H_5\right]$$
(11)

$$H_5 = \dot{m}_5 \cdot Cp_G(T_5) \cdot T_5 \tag{12}$$

$$H_l = \dot{m}_1 \cdot h_l \tag{13}$$

Donde:

 $h_l = entalpía del líquido saturado a la presión de operación de la caldera de recuperación (kJ/kg)$ 

#### 3.2. Análisis termodinámicos

Los análisis técnicos realizados en el sistema de cogeneración están basados en la 1.ª y 2.ª ley de la termodinámica, es decir, análisis energéticos y exergéticos respectivamente.

#### 3.2.1. Análisis energético

#### Volumen de control del ciclo Brayton

Para el cálculo del flujo del gas natural se tiene la Ecuación 14:

$$Heat \ rate \cdot P_{generador} = PCI_{gas \ natural} \cdot \dot{m}_8 \quad (14)$$

El PCI del gas natural es 48 300 (kJ/kg) [21].

El flujo de aire a la entrada del compresor es calculado con las siguientes ecuaciones:

$$\dot{m}_9 = \dot{m}_5 - \dot{m}_8 \tag{15}$$

$$\dot{m}_9 = \dot{m}_7$$
 (16)

#### Volumen de control del compresor

La presión a la salida del compresor depende de la presión de entrada y de la relación de presiones. Esta presión es calculada con la Ecuación 17:

$$Rp = \frac{P_7}{P_9} \tag{17}$$

La presión relativa en el punto 7 es calculada con la Ecuación 18:

$$Pr_7 = Pr_9 \frac{P_7}{P_9}$$
 (18)

La entalpía del punto 7 es calculada con la Ecuación 19:

$$h_7 = \frac{h_{7s} - h_9}{\eta_{comp}} + h_9 \tag{19}$$

Por ley de conservación de la energía se tiene:

$$\dot{m}_6 \cdot h_6 = \dot{m}_7 \cdot h_7 + PCI_{gas \ natural} \cdot \dot{m}_8 \tag{20}$$

#### Volumen de control de la turbina de gas

Para analizar la turbina de gas se tiene las ecuaciones:

$$Pr_5 = Pr_6\left(\frac{P_5}{P_6}\right) \tag{21}$$

$$\eta_{isentrópica} = \frac{h_6 - h_5}{h_6 - h_{5s}} \tag{22}$$

#### Eficiencia energética

Para el cálculo de la eficiencia de la turbina de gas se tiene la Ecuación 23:

$$\eta_{turbina} = \frac{P_{turbina}}{PCI_{gas \ natural} \cdot \dot{m}_8} \tag{23}$$

Donde:

 $\dot{m}_8 =$ flujo de gas natural (kg/s) PCI<sub>gas natural</sub> = poder calorífico inferior del gas natural (kJ/kg)

 $P_{turbina} = potencia en la turbina (kW)$  $\eta_{turbina} = eficiencia de la turbina (-)$ 

Para el cálculo de la eficiencia total del sistema de cogeneración se tiene la Ecuación 24:

$$\eta_{sistema} = \frac{P_{turbina} + [(h_1 - h_3) \cdot \dot{m}_1] - P_{bomba}}{PCI_{gas \ natural} \cdot \dot{m}_8} \tag{24}$$

Donde:

 $h_1 = entalpía en el punto 1 (kJ/kg)$  $h_3 = entalpía en el punto 3 (kJ/kg)$  $mi_1 = flujo de vapor (kg/s)$  $P_{bomba} = potencia consumida en la bomba (kW)$  $P_{turbina} = potencia en la turbina (kW)$  $\eta_{sistema} = eficiencia del sistema (-)$ 

#### 3.2.2. Análisis exergético

El análisis exergético consiste en la evaluación cualitativa de las pérdidas a través del concepto de la exergía por medio de la aplicación de la segunda ley de la termodinámica. Un procedimiento básico para realizar este análisis es determinar los valores de entrada y salida de exergía para todos los componentes del sistema y la razón de la variación de esta para todo el proceso [16].

### Volumen de control del compresor

En el compresor, el punto 9 es aire a temperatura y presión ambiente y el punto 7 es el aire comprimido (ver Figura 2).

Para encontrar la diferencia de entropía entre la entrada y la salida del compresor es aplicada la Ecuación 25:

$$(s_7 - s_9) = (s_7^0 - s_9^0) - Rln\left(\frac{P_7}{P_9}\right)$$
(25)

Donde:

s = entropía en los diferentes puntos del proceso(kJ/kg K)

$$P = presión en los diferentes puntos del proceso (kPa)$$

La diferencia de exergía en el compresor es calculada con la Ecuación 26:

$$\Delta \psi_{compresor} = (h_7 - h_9) - T_0(s_7 - s_9)$$
(26)

La exergía a la salida del compresor es obtenida aplicando la Ecuación 27:

$$ex_7 = \Delta \psi_{compresor} \cdot \dot{m}_9 \tag{27}$$

Donde:

 $ex_7$ : exergía en el punto 7 (kW)

La irreversibilidad es calculada con la Ecuación 28:

$$I_7 = \frac{(h_7 - h_9) \cdot \dot{m}_7}{\eta_{compresor}} - ex_7 \tag{28}$$

La eficiencia de segunda ley de la termodinámica en el compresor es calculada con la Ecuación 29:

$$\eta_{IIcompresor} = \frac{\Delta \psi_{compresor}}{\frac{h_7 - h_9}{\eta_{compresor}}}$$
(29)

#### Volumen de control de la CC

En la CC, el punto 7 es aire comprimido, el punto 8 es gas natural y el punto 6 son gases de escape (ver Figura 2).

De la misma manera que en el compresor, en la CC de la planta se calcula la diferencia de entropía entre la entrada y salida de la CC, el cambio de exergía, la exergía en el punto 6 y la eficiencia de la segunda ley de la termodinámica. Para el cálculo se aplican las ecuaciones:

$$(s_6 - s_7) = (s_6^0 - s_7^0) - Rln\left(\frac{P_6}{P_7}\right)$$
(30)

$$\Delta \psi_{cam.comb.} = (h_6 - h_7) - T_0(s_6 - s_7)$$
(31)

$$\Delta ex = \Delta \psi_{cam.comb.} \dot{m}_9 \tag{32}$$

$$ex_6 = \Delta ex + ex_7 \tag{33}$$

$$\eta_{IIcam-comb.} = \frac{ex_6}{ex_7 + ex_8} \tag{34}$$

#### Volumen de control de la turbina

En la turbina, el punto 6 es la entrada de los gases de escape a la turbina y el punto 5 es la salida (ver Figura 2).

De la misma manera que en el compresor y la CC las siguientes ecuaciones son aplicadas a la turbina de gas.

$$(s_6 - s_5) = (s_6^0 - s_5^0) - Rln\left(\frac{P_6}{P_5}\right)$$
(35)

$$\Delta \psi_{turbina} = (h_6 - h_5) - T_0(s_6 - s_5)$$
(36)

$$\Delta ex = \Delta \psi_{turbina} \cdot \dot{m}_9 \tag{37}$$

$$ex_5 = ex_6 - \Delta ex \tag{38}$$

$$\eta_{IIturbina} = \frac{W_{total}}{\Delta_{ex}} \tag{39}$$

#### Volumen de control en la CR

En la CR, el punto 5 es la entrada de los gases de escape y el punto 4 es la salida de los gases de escape al ambiente. Por el otro lado de la CR, el punto 3 es agua y el punto 1 es vapor sobrecalentado (ver Figura 2).

La exergía de los gases de escape es calculada con la Ecuación 40:

$$ex_4 = \left[c_p(T_4 - T_0) - T_0 \left(c_p ln \frac{T_4}{T_0} - R ln \frac{P_4}{P_0}\right)\right] \dot{m}_4 \quad (40)$$

La entropía en el punto 4 es determinada con la Ecuación 41:

$$s_4 - s_0 = c_p ln \frac{T_4}{T_0} - R ln \frac{P_4}{P_0}$$
(41)

El cambio de exergía entre los puntos 4 y 5 son calculados con las ecuaciones:

$$\Delta ex_{4-5} = \lfloor c_p(T_4 - T_5) - T_0(s_4 - s_5) \rfloor \cdot \dot{m}_5 \quad (42)$$

$$s_4 - s_5 = c_p ln \frac{T_4}{T_5} - R ln \frac{P_4}{P_5}$$
(43)

El cambio de exergía entre los puntos  $1 \ge 3$  son calculados con las ecuaciones:

$$\Delta \psi_{1-3} = (h_1 - h_3) - T_0(s_1 - s_3) \tag{44}$$

$$\Delta e x_{1-3} = \Delta \psi_{1-3} \cdot \dot{m}_1 \tag{45}$$

La eficiencia de la segunda ley en la CR es calculada con la Ecuación 46:

$$\eta_{IICR} = \frac{\Delta e x_{1-3}}{-\Delta e x_{4-5}} \tag{46}$$

#### Volumen de control de la bomba

En la bomba, los puntos 2 y 3 son agua, en este caso el punto 3 con una presión mayor que el punto 2 (ver Figura 2).

Para la exergía en el punto 3 se tiene la Ecuación 47:

$$ex_3 = \dot{m}_3 \cdot \left[ (h_3 - h_2) - T_0 \cdot (s_3 - s_2) \right]$$
(47)

Para la irreversibilidad en el punto 3 se tiene la Ecuación 48:

$$I_3 = ((h_3 - h_2) \cdot \dot{m}_3) - ex_3 \tag{48}$$

Para calcular la eficiencia de la segunda ley en la bomba se tiene la Ecuación 49:

$$\eta_{IIbomba} = \frac{ex_3}{P_{bomba}} \tag{49}$$

#### Eficiencia exergética del sistema

La eficiencia total de la segunda ley de la termodinámica es calculada con la Ecuación 50:

$$\eta_{IIbomba} = \frac{P_{turbina} + \Delta e x_{1-3} - P_{bomba}}{PCI_{gas \ natural} \cdot \dot{m}_8} \tag{50}$$

#### 3.3. Análisis económico

 $\mathbf{El}$ 

cidad y vapor producido por el sistema de cogeneración. Para este análisis fue considerado el valor de los equipos, valor de manutención, costo de operación de la planta, tasa de impuestos, tiempo de retorno de la inversión y el costo del gas natural.

#### 3.3.1. Costo de los equipos

Según Castro [16] y Silveira [22] para calcular el valor de los equipos se aplican las siguientes ecuaciones:

Inversión en la turbina de gas:

$$I_{TG} = \left(\frac{US\$}{kW} \cdot E_{PTG}\right) \tag{51}$$

Donde:

$$\begin{array}{l} \frac{\mathrm{US\$}}{\mathrm{kW}} = 234 \ \frac{\mathrm{US\$}}{\mathrm{kW}} \ [19] \\ \mathrm{E}_{\mathrm{PTG}} = \mathrm{potencia} \ \mathrm{producida} \ \mathrm{por} \ \mathrm{la} \ \mathrm{turbina} \ (\mathrm{kW}) \end{array}$$

Inversión en la caldera de recuperación:

$$I_{CR} = 4745 \cdot \left(\frac{h_1}{\log(T_5 - T_1)}\right) + 11820 \cdot \dot{m}_1 + 658 \cdot \dot{m}_5 \quad (52)$$

#### Costo de la energía eléctrica y vapor

Para el cálculo del costo de la energía eléctrica y el vapor producido se tienen las ecuaciones 53 y 54 respectivamente:

$$C_{elec} = \frac{I_{TG} \cdot f}{H \cdot E_{PTG}} + \frac{C_{comb} \left(E_{comb} - E_c - \frac{P_{er}}{2}\right)}{E_p} \cdots$$
(53)  
+ $Cm + Co$ 

$$C_v = \frac{I_{CR} \cdot f}{H \cdot Q_p} + \frac{C_{comb} \left( E_{comb} - E_c - \frac{P_{er}}{2} \right)}{E_v} \dots$$

$$+ Cm_{CR} + Co$$
(54)

Donde:

 $\begin{array}{l} C_{comb} = costo \; del \; combustible \; \frac{US\$}{kWh} \\ C_{elec} = costo \; de \; electricidad \; \frac{US\$}{kWh} \\ Cm = costo \; mantenimiento \; de \; la \; TG \; \frac{US\$}{kWh} \\ Cm_{CR} = costo \; mantenimiento \; de \; la \; CR \; \frac{US\$}{kWh} \\ C_v = costo \; de \; la \; producción \; de \; vapor \; \frac{US\$}{kWh} \\ Co = costo \; del \; personal \; de \; operación \; \frac{US\$}{kWh} \\ Co = costo \; del \; personal \; de \; operación \; \frac{US\$}{kWh} \\ E_{comb} = \; potencia \; del \; combustible \; (kW) \\ E_p = \; electricidad \; producida \; (kWh) \; \frac{US\$}{kWh} \\ E_v = \; vapor \; producido \; (kWh) \; \frac{US\$}{kWh} \end{array}$ 

Para el factor de anualidad se tiene la Ecuación 55 y para el valor del capital la Ecuación 56:

$$f = \frac{q^k \times (q-1)}{q^k - 1} \tag{55}$$

$$q = 1 + \frac{r}{100}$$
(56)

Donde:

k = período de amortización (años)r = tipo de interés anual (%)

# 4. Resultados y discusión

#### 4.1. Resultados del análisis termodinámico

Los resultados del análisis termodinámico se muestran en las Tablas 3 y 4. En la Tabla 3 se presentan las eficiencias energéticas y exergéticas.

Tabla 3. Eficiencias energéticas y exergéticas

Equipo	Eficiencia Energética	Eficiencia exergética
Compresor	-	86%
Cámara de combustión	-	76%
Turbina de gas	39%	79%
Caldera de Recuperación	-	59%
Bomba	-	47%
Eficiencia total	67%	56%

De la Tabla 3 se puede ver como la eficiencia total del sistema (energética) es casi dos veces mayor que la eficiencia de la turbina, esto es debido a que se usa los gases de escape de la turbia de gas para generar vapor (cogeneración). Los trabajos de Castro [16] y Paula Santos *et al.* [23] muestran estudios técnicos similares en sistemas de CC en donde se obtuvieron eficiencias superiores al 50 %, lo cual corrobora los resultados de este trabajo.

Por otro lado, en la Tabla 4 se presentan los parámetros termodinámicos para cada punto del sistema de cogeneración.

Tabla 4. Resumen del análisis energético y exergético

#	${ m m} { m kg/s}$	P kPa	$\mathbf{T} \\ ^{\circ}\mathbf{C}$	h kJ/kg	s kJ/kg·K	ex kW
1	50	6860	530	3484	6,9	67871,5
2	50	245	126,8	532,5	2,27	0
3	50	7860	128,1	543,4	$1,\!6$	254,44
4	419	94,3	227,9	503	2,31	25020
5	419	94,3	$634,\! 6$	$941,\! 6$	2,92	112071
6	419	1462	1208	1612	2,73	417112
7	408	1462	407,5	692,5	1,75	153508
8	$^{8,1}$	94,3	25	-	-	393611
9	408	94,3	25	$298,\! 6$	$1,\!69$	0

Para una mejor representación de los resultados de la parte energética se presenta en la Figura 6 el diagrama de Sankey. Este diagrama representa los flujos de energía desde la entrada del sistema hasta la salida del mismo, así como las pérdidas que tiene cada componente.



Figura 6. Diagrama de Sankey



De la misma manera, para el análisis exergético se presenta el diagrama de Grassman en la Figura 7.

Figura 7. Diagrama de Grassman

Los resultados de este análisis son los costos de la energía eléctrica y del vapor producido por la planta considerando una tasa de impuestos de 4, 8 y 12 % y un periodo de amortización de hasta 20 años. También se considera que la planta trabaja solamente 4000 horas, pues se pretende hacer el análisis en las condiciones más drásticas.

Por un lado la Figura 8 presenta el costo de la energía eléctrica producida.

Como se puede observar en la Figura 8 el valor más alto (precio) de la energía eléctrica producida está en 0,108 US/kWh (r = 12 %) mientras que el más bajo está en 0,103 US/kWh (r = 4 %), esto cuando la planta está recién instalada.

Luego de 20 años este valor se reduce en aproximadamente 30 %.

Finalmente, la Figura 9 presenta el costo del vapor producido por el proceso.

De la misma manera, como se observó en la Figura 9, el precio más alto del vapor producido es de 0,0682 US/kWh (r = 12 %) y el más barato es de 0,0678 US/kWh (r = 4 %) cuando la planta está recién instalada. Estos valores se reducen en aproximadamente 5 % luego de 20 años.



Figura 8. Costo de la energía eléctrica producida



Figura 9. Costo del vapor producido

#### 4.2. Discusión del análisis económico

De acuerdo con la Agencia Nacional de Energía Eléctrica en Brasil, el precio de venta de la energía eléctrica en el año 2015 fue de 191,11 R\$/MWh. Considerando la tasa de cambio de dólares a reales en el primer trimestre de este mismo año (1 US = 2 R), el precio de la energía es de 0,095 US\$/kWh. Así, se puede considerar como aceptable la implementación de este sistema ya que además de producir electricidad se está produciendo vapor. Asimismo, este precio se puede mejorar considerablemente si la planta trabaja 7200 h/año y si se gasifica el bagazo de caña para producir gas de síntesis y poder sustituir el uso del gas natural; estas dos últimas hipótesis están siendo estudiadas y se presentarán resultados en próximas publicaciones.

# 5. Conclusiones

En este trabajo se realizó el estudio técnico basado en la primera y segunda ley de la termodinámica y el estudio económico de un sistema de cogeneración. Por un lado, del análisis energético se puede ver que la planta tiene una capacidad de producción de potencia eléctrica de 148,045 MW y térmica de 147,031 MW. De la misma manera, este análisis muestra que la eficiencia total del sistema es aproximadamente dos veces mayor (67 %) que la eficiencia de la turbina, esto es debido a que se usa los gases de escape de la turbia para generar vapor.

Por otro, el análisis exergético muestra que la capacidad de potencia eléctrica es la misma, mientras que la capacidad térmica disminuye para 67 MW, esto debido a las irreversibilidades. En este caso la eficiencia total del sistema es de 56 %. En el análisis económico se pudo ver que los precios de la electricidad y el vapor producido son de 0,105 y 0,068 (US\$/kWh) cuando la planta es inicialmente instalada; este costo se ve reducido en 30 % para el caso de la energía eléctrica y 5 % para el caso del vapor luego de 20 años.

Finalmente, en la parte del dimensionamiento se puede concluir que el flujo de los gases de escape de la turbina seleccionada en paridad térmica reveló ser suficiente para abastecer las necesidades eléctricas y térmicas del sistema de cogeneración sin necesidad de quema suplementaria de combustible.

Dando continuidad a este estudio, se pretende realizar el análisis termodinámico del proceso de gasificación del bagazo de caña para producir gas de síntesis con el objetivo de sustituir el uso del gas natural y abaratar el costo de la producción de energía.

# Referencias

- D. Tomofuji, Y. Morimoto, E. Sugiura, T. Ishii, and A. Akisawa, "The prospects of the expanded diffusion of cogeneration to 2030 -Study on new value in cogeneration," *Applied Thermal Engineering*, vol. 114, Supplement C, pp. 1403–1413, 2017. [Online]. Available: https: //doi.org/10.1016/j.applthermaleng.2016.09.071
- [2] N. M. Isa, C. W. Tan, and A. Yatim, "A comprehensive review of cogeneration system in a microgrid: A perspective from architecture and operating system," *Renewable and Sustainable Energy Reviews*, vol. 81, Part 2, pp. 2236–2263, 2018. [Online]. Available: https://doi.org/10.1016/j.rser.2017.06.034
- [3] R. Carapellucci and A. Milazzo, "Repowering combined cycle power plants by a modified STIG configuration," *Energy Con*version and Management, vol. 48, no. 5,

pp. 1590–1600, 2007. [Online]. Available: https://doi.org/10.1016/j.enconman.2006.11.024

- [4] A. Rovira, C. Sánchez, M. Muñoz, M. Valdés, and M. Durán, "Thermoeconomic optimisation of heat recovery steam generators of combined cycle gas turbine power plants considering off-design operation," *Energy Con*version and Management, vol. 52, no. 4, pp. 1840–1849, 2011. [Online]. Available: https://doi.org/10.1016/j.enconman.2010.11.016
- [5] D. Mahto and S. Pal, "Thermodynamics and thermo-economic analysis of simple combined cycle with inlet fogging," *Applied Thermal Engineering*, vol. 51, no. 1, pp. 413–424, 2013. [Online]. Available: https: //doi.org/10.1016/j.applthermaleng.2012.09.003
- [6] G. Heyen and B. Kalitventzeff, "A comparison of advanced thermal cycles suitable for upgrading existing power plant," *Applied Thermal Engineering*, vol. 19, no. 3, pp. 227–237, 1999. [Online]. Available: https://doi.org/10.1016/S1359-4311(98)00044-1
- [7] J. Silveira and C. Tuna, "Thermoeconomic analysis method for optimization of combined heat and power systems. Part I," *Progress* in Energy and Combustion Science, vol. 29, no. 6, pp. 479–485, 2003. [Online]. Available: https://doi.org/10.1016/S0360-1285(03)00041-8
- [8] —, "Thermoeconomic analysis method for optimization of combined heat and power systems–Part II," Progress in Energy and Combustion Science, vol. 30, no. 6, pp. 673–678, 2004. [Online]. Available: https://doi.org/10.1016/j.pecs.2003.06.001
- [9] M. A. Kordlar and S. Mahmoudi, "Exergeoconomic analysis and optimization of a novel cogeneration system producing power and refrigeration," *Energy Conver*sion and Management, vol. 134, Supplement C, pp. 208–220, 2017. [Online]. Available: https://doi.org/10.1016/j.enconman.2016.12.007
- [10] M. Gambini and M. Vellini, "High efficiency cogeneration: Electricity from cogeneration in CHP plants," *Energy Procedia*, vol. 81, Supplement C, pp. 430–439, 2015, [Online]. Available: https://doi.org/10.1016/j.egypro.2015.12.117
- [11] D. Gvozdenac, B. G. Urošević, C. Menke, D. Urošević, and A. Bangviwat, "High efficiency cogeneration: CHP and non-CHP energy," *Energy*, vol. 135, Supplement C, pp. 269–278, 2017. [Online]. Available: https://doi.org/10.1016/j.energy.2017.06.143

- [12] B. B. Kanbur, L. Xiang, S. Dubey, F. H. [17] Y. Cengel and M. Boles, Termodinámica (8a. Choo, and F. Duan, "Thermoeconomic assessment of a micro cogeneration system with LNG cold utilization," Energy, vol. 129, Supplement C, pp. 171–184, 2017. [Online]. Available: https://doi.org/10.1016/j.energy.2017.04.071
- [13] Z.-G. Sun, "Energy efficiency and economic feasibility analysis of cogeneration system driven by gas engine," Energy and Buildings, vol. 40, no. 2, pp. 126–130, 2008. [Online]. Available: https://doi.org/10.1016/j.enbuild.2007.01.013
- [14] A. Abusoglu and M. Kanoglu, "Exergetic and thermoeconomic analyses of diesel engine powered cogeneration: Part 1 – Formulations." Applied Thermal Engineering, vol. 29, no. 2, pp. 234–241, 2009. [Online]. Available: https: //doi.org/10.1016/j.applthermaleng.2008.02.025
- [15] R. Passolongo, "Avaliação termodinâmica, termoeconômica e econômica da integração de sistemas de gaseificação da biomassa em uma usina sucroalcooleira," Master's thesis, Universidade Estadual Paulista, Faculdade de Engenharia de Ilha Solteira, 2011. [Online]. Available: https://goo.gl/uj3k4s
- [16] I. A. de Castro Villela, "Combined fault detection and classification of internal combustion engine using neural network," Ph.D. dissertation, Universidade Estadual Paulista, Facultade de Engenharia de Guaratinguetá, 2007. [Online]. Available: https://goo.gl/w4hmYA

- ed.):. McGraw Hill, 2015. [Online]. Available: https://goo.gl/YoY7HE
- [18] Uniongas. (2017) Chemical composition of natural gas. [Online]. Available: https://goo.gl/1ME1zf
- [19] GTW. (2012) Gasturbine world handbook. Pequet. [Online]. Available: https://goo.gl/SNsJv1
- [20] D.-C. Sue and C.-C. Chuang, "Engineering design and exergy analyses for combustion gas turbine based power generation system," *Energy*, vol. 29, no. 8, pp. 1183-1205, 2004. [Online]. Available: https://doi.org/10.1016/j.energy.2004.02.027
- [21] Unitrove. (2017) Natural gas calorific value calculator. [Online]. Available: https://goo.gl/rU6Uir
- [22] J. L. Silveira, "Cogeração disseminada para pequenos usuarios: estudo de casos para o setor terciario," Ph.D. dissertation, Universidade Estadual de Campinas, Facultade de Engenharia Mecânica, 1994. [Online]. Available: https://goo.gl/oBjSeK
- [23]C. F. de Paula Santos, R. F. Silva Paulino, C. E. Tuna, J. L. Silveira, and F. H. Mayworm de Araújo, "Thermodynamics analysis and ecological efficiency of a combined cycle power plant," Engenharia Térmica, vol. 13, no. 2, pp. 3-8, 2014. [Online]. Available: https://goo.gl/9Ei1Se